

Ensino público, gratuito e de qualidade.

# **VESTIBULAR**

2º semestre 2012

# Transferência de Curso de Graduação

Engenharia de Automação Industrial Engenharia de Computação Engenharia de Controle e Automação Engenharia de Minas Engenharia Mecatrônica

# Matemática Física

Nome do candidato

Por favor, abra somente quando autorizado.

Caderno de Provas



O *CEFET-MG* é parceiro da *Coleta Seletiva Solidária* e encaminhará todo o papel deste caderno de provas para reciclagem.

#### **INFORMAÇÕES GERAIS**

1. Este caderno contém 24 questões de mútipla escolha, as quais apresentam 5 opções cada uma, assim distribuídas:

Matemática com 12 questões, numeradas de 01 a 12. Física com 12 questões, numeradas de 13 a 24.

- 2. Nenhuma folha deste caderno poderá ser destacada. O candidato poderá levar somente o Quadro de Respostas (rascunho), desde que seja destacado pelo aplicador.
- **3.** A prova terá **3 horas e 30 minutos** de duração, incluindo o tempo necessário para marcar as respostas.

#### **INSTRUÇÕES**

- **1.** Identifique o Caderno de Provas, colocando o seu nome completo no local indicado na capa.
- 2. Leia, atentamente, cada questão antes de responder a ela.
- **3.** Não perca tempo em questão cuja resposta lhe pareça difícil; volte a ela, quando lhe sobrar tempo.
- **4.** Faça os cálculos e rascunhos neste Caderno de Provas, quando necessário, sem uso de máquina de calcular.
- **5.** Marque a Folha de Respostas, preenchendo, corretamente, a opção de sua escolha. O número de respostas deverá coincidir com o número de questões.
- **6.** Devolva ao aplicador este Caderno de Provas e a Folha de Respostas.

# **OBSERVAÇÃO**

Este caderno de provas foi redigido em conformidade com as normas ortográficas da Língua Portuguesa que estavam em vigor antes do Acordo Ortográfico. Tal procedimento fundamenta-se no Art. 2°, parágrafo único do Decreto-Lei N° 6.583, de 29/09/2008.

Art. 2º § Único: "A implantação do Acordo obedecerá ao período de transição de 1º de janeiro de 2009 a 31 de dezembro de 2012, durante o qual coexistirão a norma ortográfica atualmente em vigor e a nova norma estabelecida."

#### **MATEMÁTICA**

# **QUESTÃO 01**

Leia o trava-língua abaixo.

"Disseram que na minha rua tem paralelepípedo feito de paralelogramos. Seis paralelogramos tem um paralelepípedo. Mil paralelepípedos tem uma paralelepipedovia. Seiscentas paralelepipedovias tem uma paralelogramolândia."

Dessa forma, o número de paralelogramos em uma paralelogramolândia é

- a) 6,0 x 10<sup>6</sup>.
- b) 6,0 x 10<sup>5</sup>.
- c)  $3.6 \times 10^7$ .
- d) 3,6 x 10<sup>6</sup>.
- e)  $3,6 \times 10^5$ .

# **QUESTÃO 02**

Sejam A = 
$$\begin{bmatrix} \cos \theta & \frac{\sin \theta}{2} \\ \frac{\sin \theta}{2} & 0 \end{bmatrix}$$
, B =  $\begin{bmatrix} -\cos \theta \end{bmatrix}$  e  $X = \begin{bmatrix} x \\ 2 \end{bmatrix}$ .

O intervalo que contém um valor de  $\theta$  em que a igualdade matricial  $X^t AX = B$  se verifica para um único  $x \in IR$  é

a) 
$$\left[0, \frac{\pi}{4}\right]$$
.

b) 
$$\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}$$
.

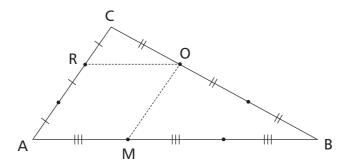
c) 
$$\frac{3\pi}{4}$$
,  $\pi$ .

d) 
$$\pi$$
,  $\frac{5\pi}{4}$  .

e) 
$$\left[ \frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2} \right]$$
.

# **QUESTÃO 03**

A figura abaixo representa o triângulo ABC e o paralelogramo AMOR de áreas, respectivamente,  $S_1$  e  $S_2$ .



A relação entre  $S_1$  e  $S_2$  é expressa por

a) 
$$S_2 = \frac{1}{2} S_1$$
.

b) 
$$S_2 = \frac{1}{4} S_1$$
.

c) 
$$S_2 = \frac{1}{9} S_1$$
.

d) 
$$S_2 = \frac{4}{9} S_1$$
.

e) 
$$S_2 = \frac{4}{13} S_1$$
.

# **QUESTÃO 04**

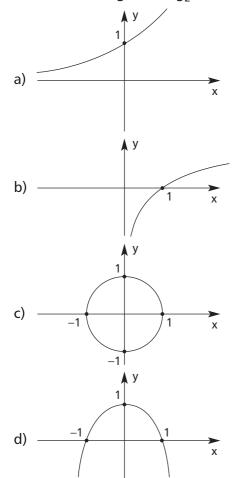
A "purrinha" é um jogo muito popular no Brasil, em que os competidores têm consigo 3 pedaços de palitos. Em cada rodada, devese guardar secretamente uma quantidade desses em uma das mãos, e não é permitido sair com a mão vazia (zero palitos) na primeira jogada. Na seqüência, os jogadores devem apostar quanto será a soma total dos palitos guardados nas mãos de todos, considerando que nenhum deles poderá repetir o palpite do outro. O vencedor da rodada será aquele que acertar o valor exato da soma.

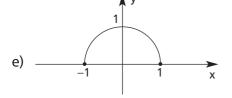
Vítor joga "purrinha" com 3 amigos e é o primeiro a anunciar o palpite. Ao apostar o valor da soma igual a 8, a probabilidade de ele ganhar o jogo na primeira rodada é

- a)  $\frac{1}{9}$ .
- b)  $\frac{1}{13}$  ·
- c)  $\frac{3}{13}$ .
- d)  $\frac{1}{81}$ .
- e)  $\frac{19}{81}$  ·

# **QUESTÃO 05**

O gráfico que melhor representa a função composta  $g \circ f(x)$  se  $f(x) = 2^{\sqrt{1-x^2}}$  e  $g(x) = \log_2 x$  é





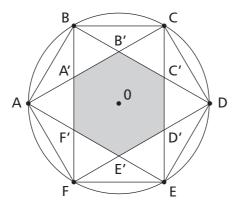
# **QUESTÃO 06**

Sabendo-se que 3 + i é raiz de  $p(x) = 3x^2 + (a + 1)x + 30$  e que b é raiz de  $q(x) = 5x^6 - 95x^5 + x^2 - 18x + a$ , com  $a,b \in \mathbb{Z}$  e b > 1, então a razão a/b vale

- a) –2.
- b) -1.
- c) 0.
- d) 1.
- e) 2.

# **QUESTÃO 07**

Um arquiteto deseja construir um teatro na forma de uma pirâmide com 20 m de altura. Sua base será como o hexágono regular A'B'C'D'E'F' da figura abaixo, obtido a partir das diagonais do polígono ABCDEF inscrito numa circunferência de 80 m de diâmetro.



As paredes externas do teatro, inclusive suas portas e janelas, serão completamente revestidas de um metal espelhado, cuja quantidade a ser gasta, em m², será de

- a)  $800\sqrt{6}$  .
- b)  $\frac{800\sqrt{3}}{3}$ .
- c)  $\frac{800\sqrt{3}}{9}$
- d)  $\frac{1600\sqrt{6}}{3}$
- e)  $1600\sqrt{3}$ .

# **QUESTÃO 08**

A função 
$$f(x) = \frac{sen(x - \frac{\pi}{2})}{1 + 2 sen(x)}$$
 definida num subconjunto de [0, 2 $\pi$ ]

é não-negativa para todo x no intervalo

a) 
$$\left[ \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} \right]$$
.

b) 
$$\left[\frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{6}\right] \cup \left[\frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}\right]$$
.

c) 
$$\left[\frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{6}\right] \cup \left[\frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}\right]$$
.

d) 
$$\left[0, \frac{\pi}{2}\right] \cup \left[\frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}\right] \cup \left[\frac{11\pi}{6}, 2\pi\right].$$

e) 
$$\left[0, \frac{\pi}{2}\right] \cup \left[\frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}\right] \cup \left[\frac{11\pi}{6}, 2\pi\right]$$
.

# **QUESTÃO 09**

O lugar geométrico dos pares ordenados (x, y) que satisfazem a igualdade

$$\begin{vmatrix} \frac{1}{2} & 1 & 2 \\ x^2 & 2y^2 & 6y \\ -1 & -2 & 1 \end{vmatrix} = 0 \text{ é um(a)}$$

- a) ponto.
- b) par de retas paralelas.
- c) circunferência de raio 3.
- d) par de retas perpendiculares.
- e) circunferência de centro (1,2).

# **QUESTÃO 10**

Os pontos de um triângulo ABC em um plano cartesiano possuem as seguintes coordenadas: A(-2,0), M(4,2) e N(3,0), sendo que M e N pertencem, respectivamente, aos lados opostos de A e C. Se o ponto G(x,y) pertence ao segmento AM distancia-se 5/3 do ponto N e suas coordenadas atendem à condição x-y<1, então a soma x+y é igual a

- a)  $\frac{14}{3}$  ·
- b)  $\frac{13}{3}$ .
- c)  $\frac{10}{3}$ .
- d)  $\frac{5}{3}$  ·
- e)  $\frac{4}{3}$  ·

# **QUESTÃO 11**

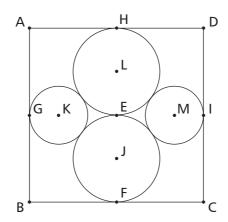
As funções 
$$f(x) = \frac{(k+2)x^4 + (k+4)}{x^2 + 1}$$
 e  $g(x) = \frac{2x^3}{x^2 + 1} + (k+4)$ ,

são tais que f(x) < g(x) somente para valores de  $x \in ]-1,0[ \cup ]0,3[$ . Nessas condições, k é um

- a) número primo.
- b) número natural.
- c) número racional.
- d) inteiro quadrado perfeito.
- e) mdc entre dois números inteiros consecutivos.

# **QUESTÃO 12**

A figura seguinte mostra um quadrado ABCD de 4 cm de lado, e em seu interior estão quatro circunferências de centros J, K, L e M, tangentes entre si e aos lados do quadrado, sendo que as de centros J e L são tangentes no ponto E, centro de ABCD.



A soma dos lados do losango JKLM, em cm, vale

- a)  $\frac{5}{3}$ .
- b)  $\frac{16}{3}$ .
- c)  $\frac{20}{3}$ .
- d) 8.
- e) 10.

#### **FÍSICA**

### **QUESTÃO 13**

A condição necessária para que haja realização de trabalho de um gás ideal implica a variação de

- a) calor.
- b) volume.
- c) pressão.
- d) temperatura.
- e) agitação térmica.

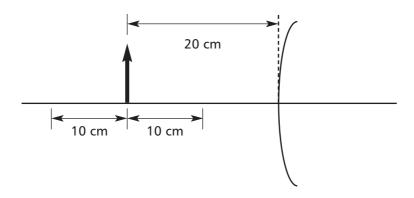
#### **QUESTÃO 14**

Uma máquina térmica possui um ciclo termodinâmico fechado e composto por duas transformações isobáricas e duas isovolumétricas. O calor rejeitado para a fonte fria é de 150 J, o trabalho durante a expansão volumétrica é de 300 J e na contração é de 250 J. Nessas condições, o calor cedido pela fonte quente e o rendimento térmico dessa máquina valem, respectivamente,

- a) 100 J e 25%.
- b) 100 J e 50%.
- c) 150 J e 25%.
- d) 200 J e 25%.
- e) 200 J e 50%.

# **QUESTÃO 15**

A figura abaixo representa um objeto à frente de um espelho esférico convexo de raio de curvatura de 60 cm.



Se esse objeto está em repouso a 20 cm do vértice sobre o eixo principal do espelho e, em seguida, oscila em torno da posição inicial com amplitude de 10 cm, então as máximas distâncias à direita e à esquerda em relação à imagem inicial serão, respectivamente, em cm, iguais a

- a) 3,0 e 4,5.
- b) 3,0 e 7,5.
- c) 4,5 e 7,5.
- d) 7,5 e 12.
- e) 12 e 15.

# **QUESTÃO 16**

A velocidade da onda que se propaga em uma corda depende de dois fatores: tensão e densidade linear. Se essas grandezas dobrarem de valor, então a velocidade de propagação será multiplicada por

- a) 0,25.
- b) 0,50.
- c) 1,0.
- d) 2,0.
- e) 4,0.

# **QUESTÃO 17**

Um mergulhador, cuja massa total é de 88,0 kg e densidade média de 1,12x10³ kg/m³, usando bolsas de ar presas à sua cintura, consegue emergir com maior facilidade. Considerando-se a aceleração da gravidade igual a 10,0 m/s², a densidade da água do mar igual a 1,10x10³ kg/m³ e desprezando-se a resistência com a água, o volume de ar a ser injetado nas bolsas, em m³, para que o mergulhador suba com velocidade constante igual a 0,50 m/s, é

- a)  $1,4 \times 10^{-3}$ .
- b)  $1.6 \times 10^{-3}$ .
- c)  $4.0 \times 10^{-3}$ .
- d)  $7.6 \times 10^{-3}$ .
- e)  $8.0 \times 10^{-3}$ .

# **QUESTÃO 18**

As expressões que completam, respectivamente, as lacunas de forma correta são

a) 
$$\overrightarrow{q}_{\Delta} + \overrightarrow{q}_{B}$$
 / igual a  $E_{\Delta} - E_{B}$ 

b) 
$$q_A + q_B$$
 / igual a  $E_A + E_B$ 

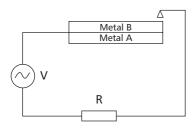
c) 
$$q_A - q_B$$
 / igual a  $E_A + E_B$ 

d) 
$$\overrightarrow{q}_A + \overrightarrow{q}_B$$
 / menor que  $E_A + E_B$ 

e) 
$$\overrightarrow{q}_A - \overrightarrow{q}_B$$
 / menor que  $E_A + E_B$ 

# **QUESTÃO 19**

A figura seguinte representa um termostato usado em aquários para evitar que a temperatura da água atinja valores baixos. O aquecedor é constituído de uma lâmina bimetálica e um contato ligado na rede elétrica(V) e numa resistência(R), como mostrado no circuito. Na tabela são fornecidos valores dos coeficientes de dilatação linear de alguns metais.



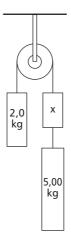
Metal	Coeficiente de dilatação (1/°C)		
alumínio	23 x 10 <sup>-6</sup>		
latão	19 x 10 <sup>-6</sup>		
cobre	17 x 10 <sup>-6</sup>		
aço	11 x 10 <sup>-6</sup>		

A uma temperatura próxima a 22°C, a lâmina encontra-se na posição mostrada na figura. Ao reduzir a temperatura da água, ela curva-se até fechar o contato a 18°C, estabelecendo uma corrente elétrica. Nessas condições, ela é aquecida e volta à sua forma original, desligando o circuito. Para que essa lâmina apresente maior curvatura para a referida variação de temperatura, os metais A e B podem ser, respectivamente, de

- a) cobre e aço.
- b) latão e cobre.
- c) alumínio e aço.
- d) alumínio e latão.
- e) cobre e alumínio.

# **QUESTÃO 20**

Dispondo-se de uma régua milimetrada, uma roldana fixa e de um cronômetro, um estudante realizou o seguinte experimento para determinar o valor de uma massa desconhecida, conforme mostrado abaixo.

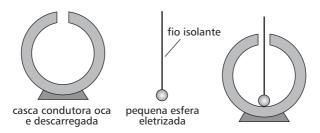


Nessa montagem, o estudante liberou os corpos, mediu a distância percorrida pela massa de 5,00 kg e o correspondente intervalo de tempo, calculou a aceleração e encontrou 5,00 m/s². A partir desses resultados e, desprezando os atritos e a massa da roldana, o valor da massa X encontrado, em kg, foi igual a

- a) 0,50.
- b) 1,00.
- c) 1,50.
- d) 2,00.
- e) 2,50.

# **QUESTÃO 21**

A figura abaixo mostra uma casca esférica oca condutora e descarregada com um orifício na parte superior por onde se introduz, sem tocar na borda, uma pequena esfera maciça eletrizada suspensa por um fio isolante. Após a introdução, a esfera toca a superfície interna da casca e, então, é retirada.



Com base no experimento descrito, pode-se afirmar que:

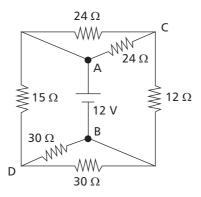
- I. O campo elétrico no interior da casca deixa de ser nulo, após receber a carga da esfera.
- II. O potencial elétrico no interior da casca modifica-se, durante a transferência de carga entre os objetos.
- III. A carga cedida pela esfera à casca é a mesma que seria transferida, no caso de a esfera tocá-la pelo lado de fora.

#### Pode-se concluir que

- a) todas as afirmativas são falsas.
- b) somente a afirmativa III é falsa.
- c) somente a afirmativa II é verdadeira.
- d) todas as afirmativas são verdadeiras.
- e) somente as afirmativas I e III são verdadeiras.

#### **QUESTÃO 22**

Considere o circuito abaixo representado.

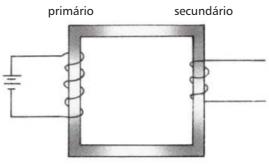


A diferença de potencial entre os pontos C e D, em volts, é

- a) 12.
- b) 8,0.
- c) 6,0.
- d) 4,0.
- e) 0,0.

#### **QUESTÃO 23**

Considere o transformador mostrado na figura abaixo.



Relação de Espirais: 2:1

Sobre esse transformador, é correto afirmar que

- a) o fluxo magnético no enrolamento secundário é constante.
- b) a tensão induzida nos terminais do enrolamento secundário é regida pela Lei de Lenz.
- c) a tensão induzida nos terminais do enrolamento secundário é nula, pois o mesmo está aberto.
- d) o fluxo magnético no enrolamento secundário é nulo, pois a corrente no primário é constante.
- e) a tensão induzida no enrolamento secundário é a metade da tensão da fonte de alimentação.

# **QUESTÃO 24**

Um próton viaja pelo espaço com uma energia cinética relativística  $E_c = 0.25m_0c^2$ , em que  $m_0$  é a massa de repouso do próton e c é a velocidade da luz. Assim sendo, a velocidade do próton é expressa por

- a) 0,9c.
- b) 0,8c.
- c) 0,7c.
- d) 0,6c.
- e) 0,5c.



#### Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais Processo Seletivo • 2º semestre 2012

### Transferência de Curso de Graduação Quadro de Respostas (rascunho)

Matemática	Física
01. ABCDE	13. ABCDE
02. ABCDE	14. A B C D E
03. A B C D E	15. A B C D E
<b>04.</b> A B C D E	16. A B C D E
<b>05</b> . A B C D E	17. A B C D E
<b>06.</b> A B C D E	18. A B C D E
<b>07</b> . A B C D E	19. A B C D E
<b>08</b> . A B C D E	<b>20</b> . A B C D E
<b>09</b> . A B C D E	<b>21</b> . A B C D E
10. A B C D E	<b>22</b> . A B C D E
11. A B C D E	23. A B C D E
12. A B C D E	<b>24</b> . A B C D E

- Tanto as questões quanto o gabarito das provas estarão disponibilizados na Internet, a partir das **21 horas**, do dia **24 de junho de 2012**.
- O resultado oficial será publicado a partir das 12 horas do dia 12 de julho de 2012, no endereço eletrônico da COPEVE. www.copeve.cefetmg.br
- Informações sobre matrícula devem ser consultadas no Manual do Candidato.
- Será automaticamente eliminado do Processo Seletivo o candidato que sair com o Caderno de Provas e/ou com a Folha de Respostas do local de aplicação de provas.



