# CEFET-MG VESTIBULAR

2° SEMESTRE 2014



Matemática Física



O **CEFET-MG** é parceiro da **Coleta Seletiva Solidária** e encaminhará todo o papel deste caderno de provas para reciclagem.

# **INFORMAÇÕES GERAIS**

 Este caderno de provas contém 24 questões de múltipla escolha, as quais apresentam 5 opções cada uma, assim distribuídas:

Matemática com 12 questões, numeradas de 01 a 12. Física com 12 questões, numeradas de 13 a 24.

- 2. Nenhuma folha deste caderno poderá ser destacada. O candidato poderá levar somente o Quadro de Respostas (rascunho), desde que seja destacado pelo aplicador.
- **3.** A prova terá **3 horas e 30 minutos** de duração, incluindo o tempo necessário para preencher a folha de respostas.

# **INSTRUÇÕES**

- **1.** Identifique o Caderno de Provas, colocando o seu nome completo no local indicado na capa.
- 2. Leia, atentamente, cada questão antes de responder a ela.
- **3.** Não perca tempo em questão cuja resposta lhe pareça difícil; volte a ela, quando lhe sobrar tempo.
- **4.** Faça os cálculos e rascunhos neste caderno de Provas, quando necessário, sem uso de máquina de calcular.
- 5. Marque a Folha de Respostas, preenchendo, corretamente, a opção de sua escolha. O número de respostas deve coincidir com o número de questões.
- **6.** Devolva ao aplicador este caderno de Provas e a Folha de Respostas.

# **OBSERVAÇÃO**

Este Caderno de Provas foi redigido em conformidade com as normas ortográficas da Língua Portuguesa que estavam em vigor antes do Acordo Ortográfico. Tal procedimento fundamenta-se no Art. 2º, parágrafo único do Decreto-Lei Nº 6.583, de 29/09/2008.

Art. 2º § Único: "A implementação do Acordo obedecerá ao período de transição de 1º de janeiro de 2009 a 31 de dezembro de 2015, durante o qual coexistirão a norma ortográfica atualmente em vigor e a norma estabelecida." (Redação dada pelo Decreto 7.875, de 27/12/2012).

# **MATEMÁTICA**

# **QUESTÃO 01**

Sabe-se que o polinômio  $P(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$  é divisível por  $D(x) = x^2 - 2x - 3$ . Se o resto da divisão de P(x) por F(x) = x - 1 é 4, o produto abc vale

- a) -24
- b) -18
- c) -12
- d) 18
- e) 24

### **QUESTÃO 02**

Em um certo estado brasileiro, será construída uma usina hidrelétrica *D* em local que deverá satisfazer as seguintes condições:

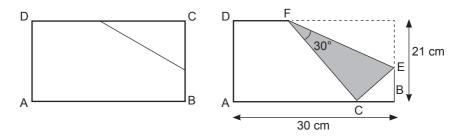
- (i) estar a mesma distância das cidades A e B;
- (ii) estar localizada, o mais próximo possível, da usina hidrelétrica *C*, já existente.

Se, no plano cartesiano, os pontos (-3, 0), (1, 2), (0,9) e (x, y) representam as localizações das cidades A e B e das usinas C e D, respectivamente, então (x + y) é igual a

- a) 0
- b)  $\frac{5}{2}$
- c) 3
- d)  $\frac{7}{2}$
- e) 4

#### **QUESTÃO 03**

Para fazer um origami, uma pessoa tomou uma folha retangular, de dimensões 21 cm x 30 cm, e dobrou-a tal como a figura seguinte. Após essa dobra, o vértice *C* passou a se localizar sobre o lado *AB* e o ângulo formado *CFE* foi de 30°.



O comprimento do segmento EF, em cm, é

- a) 7
- b) 14
- c) 21
- d) 24
- e) 28

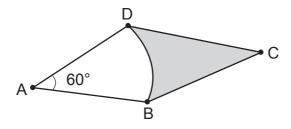
# **QUESTÃO 04**

Se  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  é uma função polinomial tal que  $f(f(x)) = x^4 - 2x^2$  e f(0) = -1, então o número de raízes reais distintas de f é

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

#### **QUESTÃO 05**

Na figura, ABCD é um paralelogramo e BD é um arco de circunferência de centro A. Se o segmento  $\overline{AB}$  e o ângulo  $B\widehat{AD}$  medem 3 cm e 60°, respectivamente, então a área hachurada, em cm², mede



- a)  $\frac{3\pi}{2}$
- b)  $\left(\sqrt{3} \pi\right)$
- c)  $\frac{9\sqrt{3}}{4}$
- d)  $\frac{3}{2}(3\sqrt{3}-\pi)$
- e)  $2\sqrt{3} 3\pi$

### **QUESTÃO 06**

Em relação aos conjuntos

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{x^2 + 1} > \frac{1}{|x + 3|} \right\} \quad \text{e} \quad B = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid |x|(x^2 + 1) > x \right\}$$
 analise as afirmações que se seguem.

- (I)  $A \cap B = (-1, 0) \cup (0, 2)$ .
- (II)  $B A = \{ \}.$
- (III)  $A \cup B = \mathbb{R}$ .
- (IV) B = A.

São corretas apenas as afirmativas

- a) lell.
- b) le III.
- c) II e III.
- d) II e IV.
- e) III e IV.

### **QUESTÃO 07**

Seja 
$$A = \begin{pmatrix} \alpha & 0 & 0 \\ 1 & \beta & 3 \\ 2 & 0 & \gamma \end{pmatrix}$$
 onde  $\alpha$ ,  $\beta$  e  $\gamma \in \mathbb{R}$  e  $\det(A) = 440$  . Se

 $(\alpha, \beta, \gamma)$  formam uma progressão aritmética crescente cuja soma dos termos é 24, então o valor de  $\gamma$  é

- a) 3
- b) 5
- c) 8
- d) 11
- e) 15

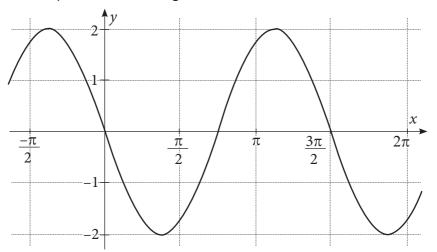
#### **QUESTÃO 08**

Sejam  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  e  $g: (-8, \infty) \to \mathbb{R}$  duas funções tais que  $f(x) = 2^{(x^2-6)} - 8$  e  $g(x) = \log_2(x+8)$ , é correto afirmar que

- a) f(x) > 0, para todo  $x \in \mathbb{R}$ .
- b) f(g(x)) = x, para todo  $x \in \mathbb{R}$ .
- c)  $(g \circ f)(x) > 3$ , para todo  $x \in \mathbb{R}$ .
- d) gof possui o gráfico representado por uma parábola.
- e)  $Im f = \mathbb{R}$  onde Im f representa o conjunto imagem da função f.

# **QUESTÃO 09**

Seja a função f(x) = a.sen(bx) em que  $a, b \in \mathbb{R}$ , cujo gráfico está representado a seguir.



O valor do produto ab é

- a)  $-\frac{8}{3}$
- b)  $-\frac{2}{3}$
- c)  $-\frac{3}{8}$
- d)  $\frac{3}{2}$
- e)  $\frac{1}{3}$

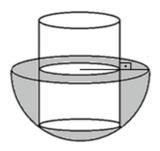
# **QUESTÃO 10**

Considere a função  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  dada por  $f(x) = \cos x$  e o número complexo  $z = \frac{6}{5} - \frac{8}{5}i$ . Sendo  $\theta$ , em radianos, o argumento desse número z, então  $f(\theta)$  é igual a

- a)  $-\frac{4}{5}$
- b)  $-\frac{1}{2}$
- c) 0
- d)  $\frac{1}{4}$
- e)  $\frac{3}{5}$

#### **QUESTÃO 11**

Um recipiente, no formato de uma semiesfera, está totalmente cheio com  $18\pi$  m³ de água. Foi colocado sobre ele um cilindro circular reto fechado e maciço de modo que suas bases ficassem paralelas à base da semiesfera e a fronteira de sua base inferior tangenciasse o recipiente, conforme mostrado na figura



Sabe-se que a altura e o raio da base do cilindro são iguais a 4 e 2 metros, respectivamente. Nessa situação, o volume de água que transbordou do recipiente, em m³, é igual a

- a)  $8\pi$ .
- b) 12π.
- c)  $4\pi\sqrt{5}$ .
- d)  $8\pi\sqrt{5}$ .
- e)  $16\pi\sqrt{5}$ .

### **QUESTÃO 12**

Uma professora escolheu, aleatoriamente, dois números n e m, não necessariamente distintos, pertencentes ao conjunto D =  $\{k \in \mathbb{Z} \mid 10 \le k \le 99\}$ . Em seguida, pediu para que um aluno escolhesse apenas um número do conjunto D para tentar adivinhar n ou m. A probabilidade do aluno acertar pelo menos um dos números é igual a

- a)  $\frac{2}{90}$ .
- b)  $\frac{1}{90^2}$
- c)  $\frac{179}{90^2}$
- d)  $\frac{179}{90}$
- e)  $\frac{1}{90}$ .

# **FÍSICA**

Considere os dados abaixo para resolver as questões quando for necessário.

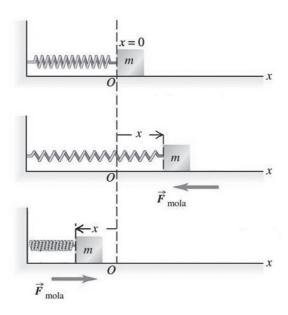
#### **CONSTANTES FÍSICAS**

Aceleração da gravidade:  $g = 10 \text{ m} / \text{s}^2$ 

Densidade da água:  $\rho$  = 1,0 g / cm<sup>3</sup>

#### **QUESTÃO 13**

A figura mostra um sistema massa-mola que pode oscilar livremente, sem atrito, sobre a superfície horizontal e com resistência do ar desprezível.



Nesse sistema, nos pontos de deslocamento máximo, a velocidade da massa é nula

# **PORQUE**

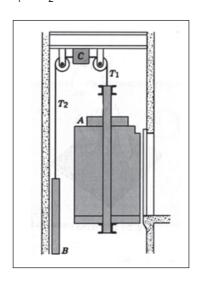
as forças não-conservativas reduzem a energia do sistema.

### É correto concluir que

- a) a proposição é verdadeira, mas a razão é falsa.
- b) a proposição é falsa, mas a razão é verdadeira.
- c) a proposição e a razão são falsas.
- d) a razão e a proposição são verdadeiras e a razão justifica a proposição.
- e) a proposição e a razão são verdadeiras, mas não há uma relação entre elas.

### **QUESTÃO 14**

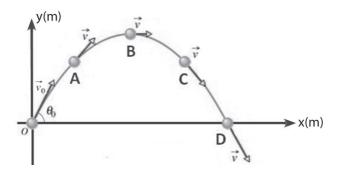
Um elevador consiste em uma cabine A, um contrapeso B, um motor C e os cabos e polias mostrados a seguir. A massa da cabine é de 900 kg, a do contra-peso, 1200 kg e o atrito e as massas dos cabos e polias são desprezíveis. Se o elevador está subindo com uma aceleração de 2,0 m / s², as intensidades das trações  $T_1$  e  $T_2$ , em kN, valem, respectivamente,



- a) 9,0 e 12.
- b) 9.6 e 9.6.
- c) 10,8 e 9,6.
- d) 10,8 e 12.
- e) 12 e 12.

#### **QUESTÃO 15**

A figura ilustra a trajetória de uma bola que foi lançada com velocidade inicial  $\vec{V}_0$  e inclinação  $\theta_0$  com o plano horizontal.



Desprezando-se o efeito de resistência do ar, afirma-se:

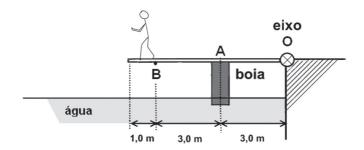
- I. Uma componente vetorial da velocidade em A é igual a uma componente vetorial da velocidade em C.
- II. As intensidades dos vetores velocidade nos pontos A e C são iguais.
- III. A componente vertical do vetor velocidade no ponto *B* é zero.
- IV. O vetor velocidade no ponto B é nulo.

São corretas apenas as afirmativas

- a) lell.
- b) II e IV.
- c) III e IV.
- d) I, II e III.
- e) II, III e IV.

### **QUESTÃO 16**

A figura mostra uma plataforma na posição horizontal de massa 60 kg e comprimento 7,0 m montada na borda de um tanque de água. Essa plataforma está presa a um eixo de rotação situado em O e apoia-se no ponto A sobre uma boia com seção de área de 3,0 m².



Considerando-se que o sistema está em equilíbrio e que uma criança de massa igual a 40,0 kg encontra-se no ponto *B*, a altura da parte submersa da boia, em cm, é

- a) 1,0.
- b) 2,0.
- c) 3,0.
- d) 4,0.
- e) 5,0.

#### **QUESTÃO 17**

Sobre a Física Ondulatória, pode-se afirmar que:

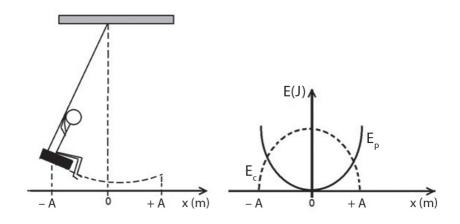
- Uma onda que se propaga de um meio para outro diferente sofre uma alteração no seu comprimento de onda.
- II. A velocidade de propagação de um pulso em uma corda é função do comprimento total da mesma.
- III. Para que uma corda em movimento oscilante entre em ressonância com outra, é necessário que ambas tenham frequências naturais próximas.
- IV. A altura de uma onda sonora propagando-se em um meio depende da intensidade do som nesse mesmo meio.

São corretas apenas as afirmativas

- a) lell.
- b) le III.
- c) II e III.
- d) II e IV.
- e) III e IV.

### **QUESTÃO 18**

A figura seguinte ilustra uma criança oscilando em uma gangorra e o gráfico que relaciona as energias potencial  $(E_p)$  e cinética  $(E_c)$  com a sua posição x. Suponha que esse movimento oscilatório tenha se iniciado na posição exibida e que não haja forças dissipativas.



Na posição de equilíbrio, a energia mecânica total da criança é nula

#### **PORQUE**

quando ela passa por esta posição, a energia cinética tem valor oposto ao da energia potencial.

### É correto concluir que

- a) a proposição e a razão são falsas.
- b) a proposição é verdadeira, mas a razão é falsa.
- c) a proposição é falsa, mas a razão é verdadeira.
- d) a razão e a proposição são verdadeiras e a razão justifica a proposição.
- e) a proposição e a razão são verdadeiras, mas não há uma relação entre elas.

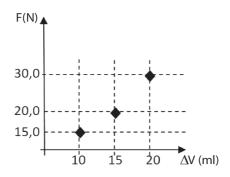
#### **QUESTÃO 19**

Um recipiente está totalmente preenchido por um líquido e ambos estão em equilíbrio térmico a uma determinada temperatura. Para que esse líquido não entorne devido a uma dilatação térmica do sistema, a relação entre os coeficientes de dilatação volumétrica do líquido  $(\gamma)$  e o de dilatação linear do material de que é feito o recipiente  $(\alpha)$  é

- a)  $\gamma \leq (1/3)\alpha$
- b)  $\gamma \geq 3\alpha$
- c)  $\gamma \leq 3\alpha$
- d)  $\gamma > 3\alpha$
- e)  $\gamma = \alpha$

# **QUESTÃO 20**

Uma amostra de gás ideal de volume inicial igual a 30 ml é mantida confinada no interior de uma seringa. Quando uma força F é exercida sobre o seu êmbolo, com uma área de 2,0 cm², o volume do gás diminui de um valor  $\Delta V$  conforme mostra o gráfico seguinte.

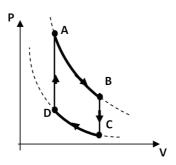


Sabendo-se que todas as medidas são tomadas quando é atingido o equilíbrio térmico com o ambiente, a pressão inicial do gás, em N/cm², é

- a) 1,0.
- b) 5,0.
- c) 7,5.
- d) 10.
- e) 15.

#### **QUESTÃO 21**

O diagrama  $P \times V$  mostra o ciclo de trabalho de uma máquina térmica, que consiste em um gás confinado a um recipiente de volume variável que pode ser aquecido ou resfriado por meio do contato com uma fonte quente ou fria. As fases AB e CD são isotérmicas e as fases BC e DA ocorrem a volume constante.



Sobre essa máquina, é correto afirmar que

- a) trabalha com pressões acima e abaixo da pressão ambiente
- b) realiza trabalho positivo de D para A e negativo de B para C.
- c) altera a energia interna do gás nas transformações de A para B e de C para D.
- d) é um refrigerador, já que o trabalho mecânico realizado pelo gás no ciclo completo é negativo.
- e) realiza troca de calor com a vizinhança em todas as quatro fases do ciclo de trabalho.

### **QUESTÃO 22**

Três alunos são orientados a desenvolver um procedimento experimental simples para a determinação da distância focal de uma lente convergente. As soluções encontradas por eles foram as seguintes:

**Aluno 1:** A imagem do céu criada através da lente é projetada sobre uma folha de papel. A distância da folha ao centro da lente é a distância focal procurada.

**Aluno 2:** A lente é colocada entre o objeto e um observador distante. Varia-se a posição da lente até que o objeto desapareça. A distância focal será a distância entre o centro da lente e o observador.

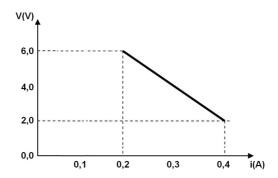
**Aluno 3:** A lente é usada como uma lupa para se observar um objeto. Varia-se a posição da lente até que a imagem tenha o maior tamanho possível. A distância entre esse objeto e o centro da lente será aproximadamente a distância focal.

Com relação aos procedimentos, pode-se concluir que apenas o(s) aluno(s)

- a) 1 está correto.
- b) 2 está correto.
- c) 1 e 2 estão corretos.
- d) 1 e 3 estão corretos.
- e) 2 e 3 estão corretos.

#### **QUESTÃO 23**

No gráfico abaixo, *V* e *i* representam, respectivamente, a diferença de potencial entre os terminais de um gerador e a corrente elétrica que o atravessa.

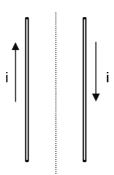


A força eletromotriz do gerador em volts e a sua resistência interna, em ohms, valem, respectivamente,

- a) 6,0 e 10.
- b) 8,0 e 20.
- c) 10 e 20.
- d) 10 e 40.
- e) 12 e 40.

### **QUESTÃO 24**

Dois fios longos e retilíneos são percorridos por uma mesma corrente constante *i* conforme mostra a figura.



Nessa situação existe uma força de \_\_\_\_\_ entre os fios e o campo magnético é \_\_\_\_\_ ao longo da linha central.

Os termos que completam, respectivamente, as lacunas, de forma correta, são

- a) atração, nulo.
- b) repulsão, nulo.
- c) atração, mínimo.
- d) atração, máximo.
- e) repulsão, máximo.



# Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais Processo Seletivo • 2° semestre 2014

# Quadro de Respostas (rascunho)

Matemática	Física
01. ABCDE	13. A B C D E
02. A B C D E	14. A B C D E
03. A B C D E	15. A B C D E
<b>04</b> . A B C D E	16. A B C D E
<b>05</b> . A B C D E	17. A B C D E
<b>06</b> . A B C D E	18. A B C D E
07. A B C D E	19. A B C D E
<b>08</b> . A B C D E	20. A B C D E
09. ABCDE	21. A B C D E
10. ABCDE	22. A B C D E
11. A B C D E	23. A B C D E
12. A B C D E	24. A B C D E

- Tanto as questões quanto o gabarito das provas serão disponibilizados na Internet, no dia 01 de junho de 2014, a partir das 21 horas.
- O resultado oficial será publicado, no dia 25 de junho de 2014, a partir das 17 horas, no endereço eletrônico da COPEVE: www.copeve.cefetmg.br
- As informações sobre matrícula devem ser consultadas no Manual do Candidato.
- O candidato que sair com o Caderno de Provas e/ou com a Folha de Respostas do local de aplicação de provas será automaticamente eliminado do processo seletivo.





